

Übungsaufgaben 05 – Prädikatenlogik: KNS

(1) Kommentieren Sie die folgende Ableitung im KNS:

$$\begin{array}{l}
 (1) \quad | \underline{\forall x} (F(x) \rightarrow G(x)) \\
 (2) \quad | \quad | \underline{\forall x} F(x) \\
 (3) \quad | \quad | v \quad | \forall x (F(x) \rightarrow G(x)) \\
 (4) \quad | \quad | \quad | F(v) \rightarrow G(v) \\
 (5) \quad | \quad | \quad | \forall x F(x) \\
 (6) \quad | \quad | \quad | F(v) \\
 (7) \quad | \quad | \quad | G(v) \\
 (8) \quad | \quad | \forall x G(x)) \\
 (9) \quad | \forall x F(x) \rightarrow \forall x G(x)
 \end{array}$$

(2) Kommentieren Sie den folgenden Beweis $\vdash \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x)$ im KNS:

$$\begin{array}{l}
 (1) \quad | \quad | \underline{\exists x} F(x) \\
 (2) \quad | \quad | \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x) \\
 (3) \quad | \quad \exists x F(x) \rightarrow \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x) \\
 (4) \quad | \quad | \underline{\neg \exists x} F(x) \\
 (5) \quad | \quad | \quad v \quad | \quad | \underline{F(v)} \\
 (6) \quad | \quad | \quad | \quad | \exists x F(x) \\
 (7) \quad | \quad | \quad | \quad | \neg \exists x F(x) \\
 (8) \quad | \quad | \quad | \quad | \neg F(v) \\
 (9) \quad | \quad | \forall x \neg F(x) \\
 (10) \quad | \quad | \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x) \\
 (11) \quad | \quad \neg \exists x F(x) \rightarrow \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x) \\
 (12) \quad | \quad \exists x F(x) \vee \forall x \neg F(x)
 \end{array}$$

(3) Schreiben Sie eine Ableitung im KNS zu
 $\forall x (H(x) \rightarrow P(x)), \forall x (P(x) \leftrightarrow G(x)) \vdash \forall x (H(x) \rightarrow G(x))$

(4) Beweisen Sie im KNS:

$$\begin{array}{l}
 (a) \quad | \vdash \forall x F(x) \rightarrow \exists x F(x) \\
 (b) \quad | \vdash \forall x (F(x) \wedge G(x)) \leftrightarrow \forall x F(x) \wedge \forall x G(x)
 \end{array}$$